高エネルギー加速器セミナー OHO'05

ニュートリノファクトリー(3)

~ ミューオン加速 ~

町田慎二(KEK) /森義治(京大)

1. はじめに

ここでは、現在考えられているミュオン加速の 方法について述べる。ニュートリノファクトリ ー全体の中でコストが最もかかる部分であっ て、加速の方法として確実に実現できるもので あるとともに、コストにも配慮する必要がある。

2. 必要な条件と加速器の候補

2.1. 必要な条件

2.1.1. 速い加速

ミュオンを加速するには、2.2 µs というミュオン の静止系での寿命が第一の制限となる。従来、 加速器は安定な粒子を加速するという前提があ った。すなわち粒子の寿命を考慮する必要はな かった。それに対し、ミョオン加速の場合には、 最終エネルギーに達する時間がこの寿命に対し て十分に短い必要がある。

2.2 µs という時間は、従来の円形加速器では数 ターンの時間スケールである。例えば、数 GeV から数 10 GeV の陽子加速器で、周長が 300 m、 スピードがほぼ光速だと仮定する。このとき周 回時間は、1 µs となる。

実際には、時間がローレンツファクターだけ 延びているのでその分は、加速時間に余裕が生 まれる。ミュオンの静止質量は約 0.105 GeV であ るので、例えば 1 GeV まで加速されたミュオン はローレンツファクターにより約 10 倍の時間が 許される。

なお、このことから、特に加速初期のエネル ギーが低いときほどなるべく速い加速が必要と いえる。全体のコストを下げるためには、低エ ネルギー側に高周波電力を集中させるのがよ い。エネルギー上昇とともに単位長さあたりの エネルギーゲインを落としたとしても最終的な ミュオンの収量には大きな差がない。

2.1.2. 大きなアクセプタンス

ミュオンビームは、加速された陽子をターゲットに当て、作られたパイ中間子が崩壊した3次 粒子として生成されるので、エミッタンスが大 きくなる。数から数10 GeV の運動エネルギーを 持つ陽子によって作られたミュオンは、1 GeV/c あたりにピークを持つ幅の広い運動量広がりを 持つ。また、空間的な広がりも大きい。一方で ミュオンの収量を増加させるためには、なるべ く広い範囲にわたってビームを取り込み、少し のミュオンも取りこぼすことなく加速したい。 ミュオンの加速器は大きなアクセプタンスが要 求される。

このように、運動量の広がりと、空間的な広 がりは制御できないが、ミュオンビームの時間 方向の広がりは制御可能である。つまり、縦方 向(進行方向)のエミッタンスは、1次粒子で ある陽子バンチの時間方向広がりを小さくすれ ば縦長の楕円となる。後に述べるように、生成 の際になるべく細い縦長楕円にしておくと、加 速器のアクセプタンスに入れ易くなる。ただし、 陽子バンチの幅は、空間電荷効果やビーム不安 定性などによって数 ns 以下にはできない。

2.1.3. エネルギー

物理の要求では、最低 20 GeV まで加速する必要 がある。将来的には、50 GeV が必要となる可能 性もある。加速開始時には、0.3 GeV 程度の中心 エネルギーをもっている。

2.2. 加速器の候補

2.2.1. RCS

粒子を数 GeV まで加速する高エネルギーの加速 器といえば、シンクロトロンがまず候補として 考えられる。特に、速い加速をおこなうシンク ロトロンとして、速い繰り返しのシンクロトロ ン、Rapid Cycling Synchrotron (RCS)と呼ばれるシ ンクロトロンが存在する。 現時点で稼働中または建設中の速い繰り返し のシンクロトロンについて、繰り返しの周期を まとめたものを表1に示した。

Table 1 稼働中または建設中の速い繰り返しのシンクロトロン

| | ISIS | J-PARC | KEK-PS | Fermilab | AGS | CPS |
|------|------|---------|---------|----------|---------|---------|
| | | booster | booster | booster | booster | booster |
| Rep. | 50 | 25 Hz | 20 Hz | 15 Hz | ~7.5 | 1 Hz |
| rate | Hz | | | | Hz | |

何れも陽子の加速器であるが、もっとも繰り返 しの速い英国ラザフォードアップルトン研究所 にある ISIS というシンクロトロンでも、50Hz で ある。つまり1つの周期が 20ms であり、入射か ら加速終了までその半分の 10ms かかる。ミュオ ンの寿命に比べればはるかに遅い。

ミュオン加速のために、繰り返しをさらに速 くした RCS を使う提案がある。この提案では、 繰り返しを 4600 Hz にとった。ただし、eddy カ レントが作る磁場のビームへの影響および必要 なピーク電力が課題となる。

2.2.2. LINAC

電磁石を AC 励磁するには繰り返しが速すぎると なれば、電磁石を使わず加速空洞のみを並べれ ばよい。これはリニアックである。単位長さあ たりの加速電圧を上げれば全体のサイズが短く なり、加速に必要な時間が短ければそれだけミ ュオンの収量が多くなる。リニアーコライダー では、超伝導加速空洞を用いて 40MV/m 程度の 加速勾配を仮定しているが、これを応用すれば、 500m で 20GeV のエネルギーが得られる。

実際には、ミュオンのエミッタンスがリニア ックのパラメータを決めてしまう。エミッタン スが決まればだいたいのビームサイズが決ま る。リニアーコライダーに比べればはるかに大 きなミュオンのエミッタンス、例えば 10,000 π mm-mrad (30,000 π mm-mrad, normalized)を 通すだけのアパーチャを実現するために、周波 数は高くとも 200MHz に制限される。最大可能 な加速勾配は、おおざっぱに考えて周波数の平 方根に比例するので、200MHz では高々10MV/m となる。20GeV のエネルギーを得るために 2000 m、実際の加速勾配はそれよりもファクター下が ると考えると長さはそれに比例して伸びる。長 いリニアックはコストの点から得策ではない。

2.2.3. RLA

リニアックはコストが問題となるので、加速空 洞を効率よく使う方法がないか考えた結果が、

RLA (Recirculating Linear Accelerator)である。1つ の加速空洞を複数回使用するには、ビームを磁 石によって曲げ加速空洞の出口から入口に戻せ ばよい。これを通常のシンクロトロンのように 行おうとすると AC 磁場の繰り返しが速すぎるこ とを述べた。AC 磁場の代わりに固定磁場を使う ことができれば繰り返しに因る問題は回避でき る。

RLA は2つのリニアックを平行に置き、その 端を 180 度曲げる電磁石によってつなぎループ とする形が基本となる。180 度曲げる電磁石は、 AC 励磁する代わりに固定磁場とする。もちろん 曲げ角は運動量によって変わるので、各運動量 に応じた 180 度偏向輸送路を個別に用意する必 要がある。例えば1つのリニアックによるエネ ルギーゲインを 1GeV とすると、両側のリニアッ クを通過した後の運動量は 2GeV だけ増加してい る。リニアックの両端に 180 度偏向輸送路を 10 ずつ配置する必要がある。

10 ずつの 180 度偏向輸送路を用意することは 可能であり、またリニアックの全長が 1/10 にな るので輸送路の数が増えたとしても全体のコス トは低減される。ただし、一番の問題点はリニ アック出口からの運動量に応じて 180 度偏向輸 送路に振り分ける部分と、ふたたびリニアック 入口に異なる輸送路からのビームをまとめる部 分である。この同じ方式は、米国ジェファーソ ン研究所で電子を加速するために使われている が、これをミュオンの加速に使うには、エミッ タンスが大きいことと 180 度偏向輸送路の数が 増えることが障害となる。

2.2.4. FFAG

ここまで3つのタイプの加速器を見てきたが、 これから言えることは、つぎのようにまとめら れる。加速空洞はコストがかかる部分なので、 できる限り1つのビームに対して同じ空洞を多 数回使用したい。そのために軌道をループにす る。ビームを偏向するための電磁石は、固定磁 場が望ましい。ミュオンの寿命の時間スケール で、電磁石をAC励磁するのは困難である。

こうした要求を満たす加速器として新たに候 補に上がったのが FFAG 加速器である。FFAG は、 Fixed Field Alternating Gradient の略で、固定磁場 を使った強集束系を意味する。電磁石は円形に 並べられ、加速空洞が集束系の間に挟まれる。 磁場の形を工夫すれば、RCS のような機器配置 でありながら磁場を AC 励磁する必要がなく、ま た、RLA のような固定磁場でありながら全ての 運動量範囲を1組の電磁石を使って輸送するこ とが可能となる。

3. FFAG 加速器

FFAG 加速器の前に、まず AG(Alternating Gradient) シンクロトロンについて述べる。AG 集束の加速 器では、集束と発散のそれぞれの四極電磁石を 交互に配置し、全体として強い集束作用を得る。 そのため、強集束シンクロトロンとも呼ばれる。 シンクロトロンでは、高周波加速空洞によって 加速され運動量が増加したビームの軌道と集束 力を一定に保つために、偏向電磁石と四極電磁 石の磁場を運動量に比例して増加させる。その 後の発展が示すように、強集束シンクロトロン は、高エネルギー加速器の主流となった。

磁場を固定とすれば、電磁石、特に電源は簡 単になる。また、すぐに光速に達する電子加速 器の場合を除けば、粒子の速度は運動量によっ て決まり、軌道半径が一定であっても周回時間 は運動量の関数となる。従って、シンクロトロ ンでは、磁場の強さと高周波加速周波数を同期 させる必要がある。さらに、加速に要する時間 は磁場を変動させるスピードによって決まる が、固定磁場を使えば、加速空洞の周波数変化 のスピードのみに依存する。磁場を変化させる のに比べれば、周波数変化のスピードは速くで きる。こうした点を考慮して、固定磁場であり ながら、強集束シンクロトロンを実現するため に考えられたのが FFAG 加速器である。

FFAG 加速器は、強集束(AG 集束)加速器の 原理が発明された数年後に提案された。興味深 い事実として、日本、米国、ソ連においてほぼ 同時期に独立に提案が出されている。日本では Ohkawa(大河千弘)、米国では Symon ら、ソ連 では Kolomenski らがその提案者である [1]。

FFAG 加速器は、磁場の半径方向の形状によって特徴付けられる。図 1 に示すように、磁場の 強さは、半径 r の k 乗に比例した形を持つ。



Fig.1 磁場の半径方向依存性

k は大きな正値とする。そのため半径とともに急激に磁場が強くなる。

$$\frac{B(r)}{B_0} = \left(\frac{r}{r_0}\right)^k \tag{3-1}$$

ビームから見れば運動量の増加に対して、軌道 半径が 1/(1+k)乗でしか増えないことを意味す る。

$$\frac{r}{r_0} = \left(\frac{p}{p_0}\right)^{\frac{1}{k+1}}$$
 (3-2)

一方、集束力を評価するために、(3-1)式を r に ついて微分し焦点距離を求めると、

$$\frac{1}{f} = \frac{L}{B\rho} \frac{dB}{dr} = \frac{kL}{r^2}$$
(3-3)

ここで L は電磁石の長さである。この式から L を半径 r に比例させると、焦点距離 f は半径 r に 比例する。例えば、電磁石の両端面がマシンの 中心から引いた線上にある場合、1つの電磁石 の持つ焦点距離が半径 r に比例し、マシンの中心 から見た見込み角あたりの集束作用が同一とな る。

ここまでの説明では、磁場勾配の符号が一方 向の電磁石しかできないように見える。逆符号 の磁場勾配を実現するためには、図 2 のように 磁場の向きを逆転した電磁石を組み合わせる。 これにより、集束と発散の符号をもった 2 種類 の電磁石ができ、AG集束が実現する。



Fig.2 磁場の符号を反転させ、AG集束を実現

なお、磁場を反転させた電磁石の部分では、ビ ームが外向きに曲げられる。ただし、外向きに 曲げられる強さが半径 r の k 乗に比例しているの で、全周にわたって求めた平均軌道半径は、(3-2) 式と同じ依存性を持つ。つまり、異なる運動量 に相当する軌道は互いに相似形となる。

4. ニュートリノファクトリーの例

ミュオンを加速するために FFAG を用いニュー トリノファクトリーを実現する提案は、2001 年 に、森、久野らによってなされた [2]。図 3 に示 すように、現在、原研東海に建設中の J-PARC 50 GeV シンクロトロンの内側に4つの FFAG 加速 器をカスケードにつなぐ。



Fig. 3 J-PARC 50 GeV シンクロトロンの内側に ミュオン加速 FFAG を配置しニュートリノファ クトリーを実現する案。逆三角形の大きなリン グが J-PARC 50 GeV であり、その中の4つの円 が FFAG を表す。

それぞれのリングは次のエネルギー範囲を加 速する。

| Table 2 | ミュオンを 0.3 から 20 GeV まで加速す |
|---------|---------------------------|
| | る4つの FFAG |

| FFAG1 | 0.3 – 1.0 GeV |
|-------|---------------|
| FFAG2 | 1.0 – 3.0 GeV |
| FFAG3 | 3.0 – 10. GeV |
| FFAG4 | 10. – 20. GeV |

物理の要求があれば、さらに 50 GeV まで加速す る FFAG5 を加えることも可能である。なお、細 長いレーストラック型のリングはミュオンの蓄 積リングであり 20 GeV のミュオンが崩壊しニュ ートリノが主に上下方向に放射される。

加速のためには、高周波加速空洞を用い縦方 向位相空間にバケツを作り、その中にビームを 入射する。ただし、ミュオンの寿命という非常 に短い時間スケールのなかでは、加速周波数を 周回周波数に同期させることができない。そこ で、通常のシンクロトロンでの加速のように周 波数を振って運動量方向にバケツを動かす代わ りに、入射エネルギーから取り出しエネルギー までを含む大きな固定バケツを作る。中間のエ ネルギーに同期するように周波数を選べば、バ ケツの底付近に入射されたビームは、シンクロ トロン振動の 1/2 周期後にバケツの上に達する。 この大きなバケツを作るために、周波数は 5-20 MHz あたりが選ばれる。図 4 に、FFAG4 の場合 についてシミュレーション結果を示す。この例 では 10 から 20 GeV まで、12 ターンで加速して いる。加速勾配は、約1 MV/m を仮定している。



Fig. 4 数 MHz の大きな高周波バケツを使い、10 から 20 GeV まで加速する。周波数は固定され、 1/2 シンクロトロン振動の後に最大エネルギーに 達する。

大きなアクセプタンスを持つという FFAG 加速 器の特徴を生かし、ターゲットのあと、なるベ く短いドリフト部分を経て、FFAG1 に入射され る。図 5 に縦方向位相空間におけるターゲット およびドリフト部分後の分布と、FFAG のアクセ プタンスを楕円で示す。



Fig. 5 縦方向位相空間におけるターゲットおよびドリフト後の分布と、FFAGのアクセプタンス

5. 別のタイプの FFAG

5.1. スケーリング則

FFAG 加速器は、強集束(AG 集束)シンクロト ロンを固定磁場で実現した。強集束シンクロト ロンでは、偏向磁石、四極磁石の強さがビーム の運動量に比例して増加し、その結果として軌 道半径と集束力が一定に保たれる。固定磁場を 使った FFAG 加速器では、軌道半径が運動量に伴 って増加するのは避けられない。しかし、その 増加量を最小限に抑えることと、集束力を一定 に保つことを磁場の形状により実現したことを 述べた。

異なる運動量に対する軌道の形が相似形にな ることと、焦点距離が軌道半径に比例するとい う2つの条件をスケーリング則と呼び、これら を満たす FFAG をスケーリング FFAG と呼ぶ。ス ケーリング FFAG では、横方向(水平、垂直)の チューンが運動量によらない。加速器の言葉で 言えば、入射から取り出しまでの広い運動量範 囲にわたって、クロマティシティーがゼロに保 たれる。

チューンを一定に保つ理由は、円形加速器に おいて共鳴を避けるためである。図 6 のチュー ンダイアグラムに示すように、原理的にはチュ ーンが有理数になるときに共鳴条件をみたす。 実際には、5次または6次以上の共鳴条件はビ ームに対して寄与が少ない。それより低次の共 鳴を避けるようにチューンが選ばれる。



Fig.6 チューン図と共鳴線。

しかしながら、現実のスケーリング FFAG はチ ューンが必ずしも一定に保たれるわけではな い。電磁石の工作精度によって、磁場の形状が 理想形からずれる効果、またラティスを構成す る主なる電磁石の間に挿入する様々な機器が磁 場に及ぼす影響などにより、チューンは多少の 運動量依存性を持つ。例えば、KEK で製作され た 150 MeV FFAG では、図 6 のジグザグで表さ れる赤の線がチューンの動きを表している。

5.2. ノンスケーリング FFAG

ミュオンを加速する FFAG では、速い加速が必 要であり、通常の円形加速器のように数千ター ン以上にわたりビームが回り続ける必要はな い。円形加速器における共鳴は、こうした多数 の周回数の場合に起きる現象である。ミュオン を加速する場合のように 10 ターン前後の周回数 で共鳴がビームに与える影響は、実は明らかで はなく、今後の研究テーマである。

スケーリング則を満たす必要がないとすれ ば、全く別の観点から FFAG を設計することが 可能である。その一つの例として、通常の強集 束 (AG 集束)シンクロトロンの磁場を固定した ままビームを加速することが考えられる。陽子 蓄積リングと呼ばれるマシンでは電磁石は固定 磁場で運転されるが、この場合ビームの運動量 はビームが持つ数パーセント以下の広がりを除 けば一定である。ここでは、いわば蓄積リング でビームを加速することを考える。

ビームを加速し、運動量が設定した磁場と合わなくなればビームの軌道半径がシフトする。

シフト量と運動量の関係は、加速器の言葉で言 えばディスパージョン関数によって表される。 また、運動量の増加に伴い、集束力が変化し、 チューンが移動する。これは先に述べたように 有限なクロマティシティーがあるためと言え る。ちなみに、六極磁石を使いクロマティシテ ィーをゼロにすることをクロマティシティー補 正と呼ぶが、補正できる運動量範囲は限られて いて、数パーセントがせいぜいである。運動量 範囲が+33%(このとき取り出しでの運動量が入 射時の2倍となる)にわたってクロマティシテ ィーをゼロに補正することはできない。

スケーリング則を満たす代わりに、ディスパ ージョン関数をできる限り小さくすることを優 先すれば入射から取り出しまでに至る軌道のシ フト量が小さくなり、結果として電磁石の口径 を小さくできる。このとき、単位セルあたりの 位相の進みが0度から180度になるように四 極磁石の磁場勾配を決める。こうした観点から 設計された FFAG をノンスケーリング FFAG と 呼ぶ。



Fig. 7 トリプレット集束系を用いたノンスケー リング FFAG。+-33%、およびその途中の運動量 に対応した軌道を示す。(D. Trbojevic による)

ノンスケーリング FFAG の例として、図 7 に 示すようなトリプレット集束系のラティスを考 える。各運動量に対応する軌道のシフト量を図 7 に示した。この例では中心運動量付近の軌道は 四極電磁石のほぼ中心を通過するのに対し、低 い運動量の粒子は内側、高い運動量の粒子は外 側を通る。異なる運動量の粒子が描く軌道はも はや相似形の関係にない。運動量の関数として 軌道長をプロットすると図 8 に示すように、中 央付近の運動量で軌道長は最短になり、そこか ら運動量が離れるにつれ軌道長が延びる。



Fig. 8 運動量の関数としての軌道長。(D. Trbojevic による)

図 9 は運動量の違いによるチューンの変化を示 したものである。この例では加速につれ、チュ ーンが数ユニット変化する。



Fig.9 運動量の関数としてのチューン

5.3. 加速

運動量による軌道長の変化が、図 8 のように、 中心付近で最小となる放物曲線となるように軌 道を選ぶと、2つの利点がある。1つは運動量 の違いによる軌道シフトを最小に抑える。もう 一つは、加速にとって好都合となる。すでに述 べたように、ミュオンを加速するリングでは、 加速空洞の周波数をビームの周回周波数に同期 することができない。加速周波数は固定される。

ノンスケーリング FFAG 加速器で、軌道長が 最小となる周回周波数に加速空洞の周波数を合 わせたとする。入射運動量付近では周回時間が より多くかかるので位相が遅れる。運動量が増 すにつれて軌道長が短くなり中心付近で位相遅 れがなくなる。さらに加速されると、再び位相 の遅れが生じる。

固定周波数を運動量の中心付近に合わせると ともに、粒子の位相も図 10 に示すように運動量 の中心付近で最大電圧に乗るように選ぶと高周 波加速空洞を最も効率よく使うことができる。



Fig. 10 高周波の位相とビームの動き

これは、従来のバケツによる加速とは異なる。 縦方向の位相空間を見ると図 11 のようになって いる。粒子は図の中央を通過する帯の上を加速 される。この形から、ガーダー加速という名称 が付けられている。



 Fig. 11
 縦方向の位相空間。ビームは中央付近を

 通過するS字形に沿って加速される。(E. Keil による)

6. ノンスケーリング FFAG を用いたニュ ートリノファクトリー

日本がスケーリング FFAG を用いたニュートリノ ファクトリーを提案したのに対して、欧米では ノンスケーリング FFAG を用いた方法でニュート リノファクトリーを提案している。例として米 国で考えられているミュオンの加速器を図 12 に 示す [3]。



Fig. 12 米国で考えられているミュオン加速器コ ンプレックス

ここでは、後段の2つのリングにノンスケーリ ング FFAG を使う。初段の加速はリニアック、次 の段は RLA を使うことにしている。最もコスト がかかる部分は後段リングであり、初期の加速 の段階で、リニアックや RLA を使うという選択 もあり得る。RLA は 180 度偏向輸送系の段数が 少なければ実現できるかもしれない。一方で、 ノンスケーリング FFAG は、低エネルギー領域を 得意としないのも事実である。高エネルギー側 では、高周波の位相に対して遅れを起こす原因 は、軌道長のちがいのみによる。ミュオンはす でに光速に達しているからである。低エネルギ ー側では周回時間は、軌道長とミュオンの速さ の2つの関数であり位相の遅れがさらに大きく なる。

ただし、リニアックや RLA を混在させるとな ると、加速空洞の周波数は最低 200 MHz 付近に なる。マシンのアクセプタンスは、数 MHz の場 合に比べ制限される。ターゲットから得られた ミュオンビームを限られたアクセプタンスに入 れるために、200 MHz のバンチ構造を作る部分 と、冷却の部分の2つが新たに必要となる。図13 には、ターゲットから加速に入るまでの部分を 模式的に並べた。ちなみに、スケーリング FFAG を用いた方式では、ターゲットの後、12 m の直 後に初段の加速器がおかれる。



Fig. 13 ターゲットから加速に入るまでの部分

ドリフト空間から高周波回転までの部分で、バ ンチ構造の変化を図 14 に模式的に示す。細かい バンチは 200 MHz に相当する。



Fig. 14 ドリフト空間から高周波回転までの部分

7. スケーリングとノンスケーリング

最後に、2つの方法の比較をしておく。まず第 ーに、スケーリング FFAG は、その原理がすでに 実証された加速器である。逆にノンスケーリン グ FFAG は、加速の過程でチューンが大幅に変わ り、共鳴を越える際にビームにどんな影響があ るかは今後の研究課題である。提案されている ガーダー加速も含め、これから実証する必要が ある。

第二に、スケーリング FFAG と数 MHz の高周 波空洞を組み合わせる方法では、ビーム冷却が 要らない。これに対し、ノンスケーリング FFAG を用いた方式では、200 MHz 付近の加速周波数 を用いるため、アクセプタンスが限られビーム 冷却が必要となる。

一方で、ノンスケーリング FFAG は、スケーリ ングに比べればより小型にできる可能性があ る。

こうした比較の研究が今後も進められる予定 である。また、ノンスケーリング FFAG の実証を、 電子を使った小型モデルで行う提案がされてい る。

8. おわりに

ニュートリノファクトリーのワークショップが フランスのリヨンで最初に開かれたのが 1999 年 である。それ以来、欧州、米国、日本の順に毎 年開かれ、今年の6月にイタリアのフラスカッ ティで、世界を回る3周目に入った。最初は夢 物語に聞こえた計画ではあるが、何回も聞いて いると慣れてくるせいか、現実味が感じられて くる。もっとも慣れだけではなく、実際に様々 なアイデアが出され、また具体的な R&D によっ て実現に向け確実に進歩しているのも確かであ る。

例えば、ミュオン加速のために FFAG を使うと いうアイデアは、6年前には存在しなかった。 リニアックと RLA、またそれにビームを入れる ためにミュオン冷却が必須と考えられていた。 コストを抑える努力をしなければ計画が先に進 まないと皆が模索する中、FFAG が現れ、すぐに 詳細な検討が進んだ。その結果、ノンスケーリ ング FFAG という新たな展開もあった。ここに は、加速器の研究と開発が、非常に健全な形で 進んでいる好例が見られる。

なお本文中に、文献[2]と[3]から多くの図を借 用した。

参考文献

[1] T. Ohkawa, Symposium on Nuclear Physics of the Physical Society of Japan, 1953.

K.R. Symon, et. al., Physical Review, Vol. 103, No. 6, 1956, p.1837.

- [2] NuFactJ Design Study Report
- [3] USBNL-72369-2004, FNAL-TM-2259, LBNL-55478