高エネルギー加速器セミナー OHO'05

# ニュートリノファクトリー(4)

~ 高強度・高輝度ミューオン源への応用 ~

佐藤朗(阪大)

# 1. はじめに

将来より高統計かつ超精密測定が求められるで あろう素粒子実験にとって、大強度陽子ビームに より生成される2次ビームを効率よく収集、さら に加工し、実験の目的に適した質と量のビームを 得るための技術確立することは重要な開発要素 の一つである。イオン化冷却、位相空間回転は、 ニュートリノ・ファクトリやミューオン・コライ ダーに向けて、世界的にR&Dが進められている その例である。本稿では、これらの技術をミュー オン物理学の分野に応用し、レプトン・フレーバ ー非保存過程の探索実験を目標とする PRISM 計 画について紹介する。PRISM では、ニュートリ ノ・ファクトリ・フロントエンドの技術のうち、 特に、パイオン捕獲、位相空間回転によるエネル ギーの単色化を応用し、大強度・高輝度・高純度 のミューオンビームを生成する。今回は、このミ ューオンビーム生成方法を概説するとともに、特 に現在建設が進んでいる FFAG を用いた位相空間 回転器について詳しく紹介する。

第1章では、その背景となる素粒子物理につい て概説し、続く第2章において物理実験とそこで 要求されるビームの性質について議論する。第3 章では、PRISM計画の概説、最後の第4章におい て位相空間回転器について、少し詳しく議論す る。

# 2. ミューオンのレプトン・フレーバー 非保存過程探索実験

素粒子物理学におけるミューオン物理の研究ア プローチは大きく2つのグループに大別できる。 1つは、ミューオンに関する物理量の精密測定で あり、ミューオン異常磁気能率(g-2)や寿命の精 密測定、電子双極子(EDM)探索などがこれに相 当する。もう一つは、ミューオン崩壊過程の中で 現在の素粒子物理学の標準理論(以下、単に標準 理論と呼ぶ)において禁止されている過程(ミュ ーオン稀崩壊過程)を探索するアプローチであ る。この禁止過程が標準理論の予想値よりも高い 崩壊率で発見されれば、それは、すなわち、標準 理論を超える新しい物理の存在を示唆すること となる。PRISM 計画は、この後者のアプローチに より、新物理の発見を目指している。

本章では、ミューオン稀崩壊過程のうち、特に、 PRISM が実験で探索しようとするレプトン・フレ ーバー保存則を破る(LFV: Lepton Flavor Violating)過程について、その物理的意義と実験 方法の概要について簡単に紹介する。

#### 2.1. 標準理論でのミューオン LFV 過程

標準理論は、現在までの素粒子実験の結果のほと んど全てを説明することに成功している。ニュー トリノの質量をゼロと想定した標準理論では、レ プトンのフレーバーは反応過程の前後で保存さ れなければない。したがって、レプトン・フレー バーを保存しない、次のようなミューオンの崩壊 過程は、標準理論により禁止される。

- 1)  $\mu^+ \rightarrow e^+ \gamma$ ,
- 2)  $\mu^-$  N→e<sup>-</sup> N (原子核中)、
- 3)  $\mu^+ \rightarrow e^+ e^+ e^-$

現在では、ニュートリノ振動実験などの結果から



図1:ミューオン及びK中間子における LFV 過程探索の歴史と計画中実験の目標到 達精度

ニュートリノが有限の質量を持つことを知って いるので、そのように標準理論を拡張した場合 は、極僅かながらこのような崩壊過程が起こるこ とが予言される。しかし、そのオーダーは 10<sup>-50</sup> 程度と非常に小さいので、実験的に観測すること はできない。実際、このような稀崩壊過程の探索 実験が 1940 年代以来行われてきた (図1)。崩壊 比の上限値は年々更新され、10<sup>-12</sup>程度までの精度 で実験が行われているが、未だ、このような崩壊 過程が起こった実験的証拠はない。

#### 2.2. ミューオン LFV 過程と新物理

標準理論は非常に高い精度でその正しさが実 験的に検証されているが、標準理論だけではまだ 完全に説明できない基本的な問題点がいくつか 存在する。したがって、多くの物理学者は現在の 標準理論が自然の究極の理論ではなく、より高い レベルで自然を記述する素粒子理論が存在する と考えおり、標準理論を超える新しい理論の探求 を進めている。

そのような理論候補の一つに、超対称性理論 (SUSY)がある。超対称性とは、標準理論におけ る全ての粒子(クォーク、レプトン、ゲージ・ボ ゾン、ヒッグス粒子)に対して、スピンが1/2異 なるパートナー粒子(超対称性粒子)が存在する と仮定することで、これらの粒子群により導入さ れる新たな対称性を意味する。この超対称性の導 入による力の大統一の可能性が示唆されている。 これを超対称性大統一理論(SUSY-GUT)と言う。 最近の実験データを反映した理論によると、力の 結合定数の大きさはエネルギーと共に変化する。 標準理論では、電磁相互作用、弱い相互作用、強





### 図3: SUSY-GUT SU(5)による、μ<sup>-</sup>N→e<sup>-</sup> N過程(チタン原子核中)の崩壊比。横軸 は、電子の超対称性粒子の質量。

い相互作用の各結合定数は高いエネルギー領域 においても3つが等しくなることはない。しか し、超対称性理論の予言では、3つの結合定数が 10<sup>16</sup>GeV という超高エネルギー領域で等しくな り、力の大統一が期待される。力を一つの理論で 統一的に記述することは、素粒子物理学の大命題 の一つであり、超対称性が発見されればこれに向 けて大きな一歩を踏み出すこととなる。

SUSY-GUT では、レプトン族の超対称性粒子



図4:右巻きニュートリノを導入した SUSY 理論によるμ<sup>+</sup>→e<sup>+</sup>γ過程の崩壊比計算。 実験の上限値は MEGA 実験のデータであ る。

(slepton)が世代間で混合することで、ミューオン のLFV過程の確率が増大すると考えられる(図 2)。SUSY GUT SU(5)による、 $\mu$  N  $\rightarrow$  e N  $\oplus$  R (チタン原子核中)崩壊比の理論予想値を図3に 示した。崩壊比 10<sup>-14</sup>-10<sup>-18</sup> と実験的に十分観測可 能なレベルまで確率が上がることが予言されて おり、現在の実験到達精度をあと数桁上げること で超対称性の証拠が発見される可能性が高い。

また、重い右巻きマヨナラニュートリノの存在 を仮定した SUSY 理論では、ニュートリノの混合 により、slepton の混合が引き起こされるとされて いる。したがって、ミューオン LFV 過程の崩壊比 の測定により、ニュートリノ質量の情報が得られ ることが指摘されている(図4)。

#### 2.3. ミューオン・電子転換過程探索実験

このようにミューオンの LFV 過程は、標準理論を 超える新しい物理現象に高い感度を持ち、近年理 論及び実験物理学者から強い関心が注がれてい る。ミューオンの LFV 過程には前節で述べたよう にいくつかの反応が挙げられるが、ここでは、 PRISM でその探索が計画されている原子核中で のミューオン・電子転換過程及びその実験方法に ついて解説する。

2.3.1. ミューオン・電子転換過程とは

負の電荷を持つミューオンが物質中で静止する と、物質を構成する原子核に捕獲され、ミューオ ン原子となる。このとき原子核中でのミューオン は、X線を放出しながら短時間(~10<sup>-13</sup>秒)のう ちに、ミューオン原子の基底状態の軌道まで遷移 する。その後、ミューオンはこの軌道上で

 $\mu^- \rightarrow e^- v_\mu v_e$ 

のように崩壊するか、または、原子核に吸収され る過程、

 $\mu^- + (A, Z) \rightarrow \nu_u + (A, Z - 1)$ 

かのどちらかの運命をたどる。しかし、標準理論 を超えた新しい物理が存在すると、ニュートリノ の放出を伴わない原子核吸収過程、

 $\mu^- + (A, Z) \rightarrow e^- + (A, Z)$ 

が起こることと期待される。この反応過程をミュ ーオン原子核中のミューオン・電子転換過程と呼 ぶ。この過程では、反応前の電子のフレーバー数  $L_e とミューオンのフレーバー数L_\mu$ がそれぞれ ( $L_e$ ,  $L_\mu$ ) = (0, +1) であるのに対して、 反応後は(+1, 0) となり、反応の前後で $L_e$ 、  $L_\mu$ ともにレプトン・フレーバー数が保存してい ない。

このミューオン・電子転換過程の崩壊比は次の ように定義される。

 $B(\mu^- + (A, Z) \rightarrow e^- + (A, Z))$ 

 $\equiv \frac{\Gamma(\mu^- + (A, Z) \rightarrow e^- + (A, Z))}{\Gamma(\mu^- + (A, Z))}$ 

 $\Gamma(\mu^- + (A, Z) \rightarrow capture)$ 

ここで、Γは崩壊幅を意味する。

ミューオン・電子転換過程により放出される電 子のエネルギー $E_{\mu e}$ は、

 $E_{\mu e} = m_{\mu} - B_{\mu} - E_{rec}^0$ 

である。ここで、 $m_{\mu}$ はミューオンの静止質量、  $B_{\mu}$ 及び $E^{0}_{rec}$ はそれぞれ、ミューオン原子基底 状態の束縛エネルギー及び反跳原子のエネルギ ーを表す。反跳原子のエネルギーは、反跳原子の 質量を $M_{A}$ とすると、

$$E_{rec}^{0} \approx \frac{(m_{\mu} - B_{\mu})^2}{2M_{\Lambda}}$$

と近似されるが、その値は非常に小さいので、結 局、ミューオン・電子転換過程で放出される電子 は、

$$E_{\mu e} \approx m_{\mu} - B_{\mu}$$

と単色エネルギーを持つ。B<sub>µ</sub>は原子核に依存し、 例えばチタン原子の場合は、

 $E_{\mu e} = 104.3 MeV$ 

である。従って、ミューオン・電子転換過程を見 つけるためには、ミューオンを物質中に静止さ せ、放出される粒子を識別し、そのエネルギーを 精度よく測定することで、E<sub>μ</sub>のエネルギーを持 っ電子が一つだけ放出される事象を観測すれば よい。

反応	崩壊比上限値 (90% C.L.)	場所	年
$\mu^- + Cu \rightarrow e^- + Cu$	$1.6 \times 10^{-8}$	SREL	1972
$\mu^- + \overline{{}^{32}S} \rightarrow e^- + \overline{{}^{32}S}$	$7 \times 10^{-11}$	SIN	1982
$\mu^- + Ti \rightarrow e^- + Ti$	$1.6 \times 10^{-11}$	TRIUMF	1985
$\mu^- + Ti \rightarrow e^- + Ti$	$4.6 \times 10^{-12}$	TRIUMF	1988
$\mu^- + Pb \rightarrow e^- + Pb$	$4.9 \times 10^{-10}$	TRIUMF	1988
$\mu^- + Ti \rightarrow e^- + Ti$	$4.3 \times 10^{-12}$	PSI	1993
$\mu^- + Pb \rightarrow e^- + Pb$	$4.6 \times 10^{-11}$	PSI	1996
$\mu^- + Ti \rightarrow e^- + Ti$	$6.1 \times 10^{-13}$	PSI	1998

#### 表1:ミューオン・電子転換過程実験の歴史

 $\mu^{-}$ /年のミューオンを使用するには 10<sup>11</sup>-10<sup>12</sup>  $\mu^{-}$ /秒のミューオン強度が要求される。

#### (イ) パルスミューオンビーム

陽子ビーム起因のバックグラウンドを取り除 くために必要である。

(ウ) 高輝度ミューオンビーム

ミューオンのエネルギーが揃うことで、ミュー オン停止標的の厚さを薄くすることが可能と なる。転換過程で放出される電子が停止標的か ら抜けるまでの距離が短縮され、停止標的中で の電子のエネルギー損失のばらつきが低減す る。その結果、電子のエネルギー測定精度が向 上する。

#### (エ) 高純度ミューオンビーム

ミューオンビーム中への他の粒子の混入を防 ぐことは、バックグラウンドの低減の意味から 非常に重要である。特に、SINDRUM-II 実験に 見たように、 $\pi$ 中間子の混入は致命的なバック グラウンド起源となりうるので、極力低減させ る必要がある。

現在、2つの新しいミューオン・電子転換過程 実験が提案されている。1つは、米国のブルック ヘブン国立研究所(BNL)で提案されている MECO 実験であり、上記の(ア)及び(イ)を実現する ことにより、 $B(\mu^{-}+Al\rightarrow e^{-}+Al)\sim 2x10^{-17}$ を目指す実 験計画である。

もう一つは、日本で進められている PRIME 実 験である。これは、(ア)(イ)に加えさらに、 (ウ)(エ)の特徴を合わせ持つ、大強度・高輝度 高純度ミューオン源 PRISM によるミューオンビ ームを用いて、B( $\mu^{-}$ +Ti $\rightarrow$ e<sup>-</sup>+Ti) $\sim$ 10<sup>-18</sup>の実験感度 を目標とする実験計画である。

# 3. 次世代大強度・高輝度・高純度ミュ ーオン源 PRISM と PRIME 実験

本章では、次世代のミューオン源 PRISM とその ミューオンビームを利用した次世代ミューオ ン・電子転換過程実験 PRIME の概要を紹介する。

2.3.2. ミューオン・電子転換過程実験の現状

表1に、様々な原子核中におけるミューオン・電 子転換過程実験の結果をまとめて示した。もっと も最近の3つのデータは、PSIで行われた SINDRUM-II実験の値である。チタン原子中にお ける崩壊比の上限値は、

 $B(\mu^{-} + (A,Z) \rightarrow e^{-} + (A,Z)) \le 6.1 \times 10^{-13}$ 

である。予想される電子のエネルギー領域には、 1事象も発見されなかったため、このような崩壊 比の上限値が定められた。また、金原子核による 実験データは現在解析が進められている。

2.3.3. 次世代ミューオン・電子転換過程実験にお ける必要事項

ミューオン・電子転換過程実験の到達感度をさら に数桁向上させるためには、ミューオンビームの 強度だけでなくその性質も向上させることが重 要な鍵となる。以下に、次世代ミューオン・電子 転換過程実験で要求されるミューオンビームへ の要求項目を挙げる。

#### (ア) 大強度ミューオンビーム

稀崩壊探索実験であるから、基本的にミューオンの数によりその到達感度が制限される。10<sup>20</sup>

#### 3.1. PRISM とは

PRISM は、1)大強度、2) ビームエネルギー幅 が小さい、3) ビーム中のミューオン以外の粒子 の混入量が少ないことを大きな特徴とする次世 代ミューオン源計画である。次章で詳しく述べる ように位相空間回転法により、ビームエネルギー を揃えることから、"Phase Rotated Intense Slow Muon source"の頭文字をとって、"PRISM"と名付 けられた。PRISM の目標とするミューオンビーム の性能を表2にまとめた。

値

Beam Intensity	$10^{11}$ - $10^{12} \mu^{\pm}/\text{sec}$
Repetition	100-1000Hz
Energy	20MeV(=68MeV/c)
Energy Spread	±0.5-1.0MeV
$\pi$ Contamination	< 10 <sup>-18</sup>

目標とするミューオンビームの強度は、 10<sup>11</sup>-10<sup>12</sup> $\mu$ <sup>±</sup>/秒であり、これは現在 PSI で利用可 能なミューオンビームの強度の約1万倍に相当 する。PRISMは、ミューオン停止実験、特に、ミ ューオン・電子転換過程実験用に最適化されてい るので、ミューオンのエネルギーは 20MeV に設 定されている。また、円形リング中で高周波電場 を用いて速い粒子を減速しつつ、かつ遅い粒子を 加速する位相空間回転により、ミューオンのエネ ルギーを揃える。これにより、最初のエネルギー 広がり 20 MeV±40%が、位相空間回転終了後には 20 MeV±4%にまで低減する。また、円形リング 中での周回により、ビーム中の混入粒子、特に $\pi$ 中間子が崩壊するので、混入粒子のない高純度の ミューオンビームが生成される。

この PRISM によって供給される、大強度・高 輝度・高純度ミューオンビームを用いて、ミュー オン・電子転換過程を B( $\mu$ <sup>-</sup>+Ti $\rightarrow$ e<sup>-</sup>+Ti) $\sim$ 10<sup>-18</sup>の実 験感度で測定しようとする実験計画を PRIME (PRIsm Muon to Electron conversion) 実験と言う。

#### 3.2. PRISM の構成

図 6 は PRISM 検出器まで含めた PRISM 及び PRIME 全体の構成図である。

PRISM は大きく分けて次の4つの部分により構成されている。



図6: PRISM 及び PRIME 全体の構成図

#### 3.2.1. 大強度陽子加速器

PRISM ではπ中間子により生成するミューオン を利用する。そのため、いかに多くのπ中間子を 生成し、位相空間回転部へ入射するかが一つの鍵 となる。陽子ビームをパイオン生成標的に当てる ことで生成されるπ中間子の生成量は、陽子ビー ムのパワー(=ビームエネルギーとビーム電流の 積)にほぼ比例する。PRISMの目標とするミュー オンビーム強度を達成するためには、1MW クラ スのビームパワーを持つ陽子加速器が必要であ る。

また、位相空間回転を行うには、位相空間回転 前のミューオンの時間幅が十分小さくなければ 成らないので、陽子ビームは速い取り出しによる パルス状の時間構造を持たなければならない。後 述のように、位相空間回転により達成されるビー ムのエネルギー幅は、位相空間前のビーム時間幅 に比例する。PRISM では、10ns 以下の時間幅を 持つパルス状陽子ビームが要求される。

#### 3.2.2. パイオン生成・捕獲系

パイオン生成標的は、超伝導電磁石による高ソレ ノイド磁場下に配置され、生成したパイオンが効 率よく捕獲される。PRISMでは低エネルギーのミ ューオンを生成するため、必要となるパイオンの 運動量も 100MeV/c 以下と小さい。逆に、必要な い高エネルギーの粒子は、バックグラウンドの原 因となり得るので、混入することは望ましくな い。そこで、PRISMでは、後方に生成されたパイ オンだけを大立体角でソレノイド磁場により捕 獲する。低エネルギーのパイオンの生成量は、前 方と後方で大差はない。

ボア半径 R(m)、磁場 B(T)のソレノイド電磁石 により捕獲される荷電粒子の垂直方向運動量成 分の最大値 p<sub>T</sub><sup>max</sup>(GeV/c)は、

 $p_T^{\max} = 0.3B\frac{R}{2}$ 

である。例えば、p<sub>T</sub><sup>max</sup>=90MeV/c とした場合は、 ボア半径 10cm、磁場 6T のソレノイド電磁石が必 要となる。

捕獲されるパイオン数は、生成標的物質・長さ、 ソレノイド磁場強度・ボア半径などの設定に大き く依存する。これらを最適化するために、シミュ レーション計算による検討が進められている。

3.2.3. パイオン崩壊・ミューオン輸送系

捕獲されたパイオンはカーブド・ソレノイド・ チャネルにより、次の位相空間回転部まで輸送さ れる。チャネルの約全長 10m であり、輸送中にほ とんどパイオンが崩壊しミューオンが生成され る。

チャネル内のソレノイド磁場強度 B は、粒子の 進行とともに断熱的に減衰させる。このとき、

# $p_T R \propto \frac{p_T^2}{B} = constant$

の関係が成り立つ。リウビルの定理により磁場内 での運動量の大きさは保存されるので、磁場 B が 減少すると、運動量の垂直成分 pr も減少し、軸成 分 pL が増大する。すなわち、断熱輸送により垂直 方向に広がったパイオンの運動量ベクトルが、軸 方向に平行にそろえられる。一方、ビーム径は増 大するので、磁場の減少とともに、

 $p_T R \propto B R^2 = constant$ 

の関係を満たすように、ソレノイドボア半径 R を 大きく取る必要がある。

ソレノイド・チャネルがカーブを描くことは、 陽子ビームライン上の生成標的から実験ホール ヘビームを引き出すために必要であるが、これに はもう一つの役割がある。カーブド・ソレノイド 中の荷電粒子の螺旋軌道は、その弧の法線方向に ドリフトすることが知られている。ドリフト距離 D(m)は、

$$D = \frac{1}{0.3B} \times \frac{s}{R} \times \frac{p_L^2 + 0.5 p_T^2}{p_L}$$

により与えられる。ここで B(T)はソレノイド軸上 の磁場強度、s(m)は軸に沿った移動距離、R(m)は カーブの半径、そして、pr、pLはそれぞれ運動量 の垂直成分と軸成分を表している。ドリフト方向 は荷電粒子の電荷の正負に依るので、ソレノイド 内に適当なコリメーターを設置することで、電荷 及び運動量の選択が可能となる。その場合、逆の 弧を描いたカーブド・ソレノイドを対で使用する か、目的の電荷・運動量の粒子のドリフトを打ち 消す外部偏向磁場をかける必要がある。

#### 3.2.4. 位相空間回転部

最後に、ミューオンはキッカーにより位相空間回 転器に入射される。PRISMでは、FFAG(Fixed Field Alternating Gradient)リングを位相空間回転器とし て用いる。FFAG 周回中に高周波電場を適用し、 π/2だけシンクロトロン振動させることで、ミュ ーオンのエネルギー的広がりを時間的広がりに 変換、エネルギーの揃った高輝度ミューオンビー ムを実現する。この位相空間回転器については、 既に建設が開始されており、その内容を含め、次 章において詳しく説明する。

#### 3.3. PRISM の開発状況

前述の PRISM 構成要素の内、位相空間回転器の 開発・建設が平成15年度より学術創成科研費に より5カ年計画で開始されている。 既に、FFAG ラティス設計、電磁石設計を完了 し、電磁石の製作が始まっている。また、超高電 場勾配高周波加速空洞システムの設計・製作に成 功している。

## 4. PRISM 位相空間回転器

#### 4.1. 位相空間回転の原理

位相空間回転とは、高周波電場により、速い粒子 を減速し、遅い粒子を加速することで、ミューオ ンビームのエネルギー幅を小さくする方法であ る。これは、図7のようなエネルギーと時間(位 相)の2次元位相空間でみると、ビームの分布を 90度回転させることに対応する。ビームの時間 的な広がりとエネルギーの広がりが変換される ので、位相空間回転により達成される、エネルギ ー幅は、最初のビームの時間的な広がりによって 決定される。したがって、位相空間回転法による ビームの高輝度化には、パルス幅の狭い陽子ビー ムを使用することが重要となる。

PRISM では、運動量幅 68MeV/c±20%を持つミ ューオンビームが位相空間回転により、±2%の運 動量幅まで高輝度化できることが、シミュレーシ ョンにより示されている。



図7:位相空間回転の原理

#### 4.2. 位相空間回転器の選択

PRISM の位相空間回転器が備えるべき特徴として、

- (1) 大強度を達成するに十分大きな横方向ア クセプタンスを持つこと、
- (2)エネルギーアクセプタンスも十分に大きいこと、

(3) ミューオンの寿命より十分短時間の内に 位相空間回転により高輝度化が達成されるこ と、

の3点が重要である。PRISMでは、位相空間回転 器として、円形加速器、しかも、近年その開発が 著しい FFAG リングを採用した。

リング加速器では、周回ターン毎に高周波系に より位相回転するので、線形システムに比べ高周 波系は簡略化されるというメリットがある。ま た、数 kHz の繰り返し運転でも、位相回転に必要 な時間は数マイクロ秒であるので、全体のデュー ティは数%と少ない。よって、高周波空洞の冷却、 高周波電源消費電力の点からも運転が容易とな る。

リング加速器としては、サイクロトロンやシン クロトロンなどもあるが、上記の3つの要求を同 時に満たすのは FFAG だけである。サイクロトロ ンのエネルギーアクセプタンスは大きいが、等時 性が成り立つので、シンクロトロン振動がない。 また、シンクロトロンについては、エネルギーが 変わっても閉軌道は一定であるので、分散できま る水平方向のエネルギーに対するアクセプタン スは dE/E=1%程度と非常に小さい。一方、FFAG は、

- ア) 強収束なので、横方向アクセプタンスも大 きい
- イ)軌道がエネルギーとともに変わるので、エ ネルギーアクセプタンスが大きく、

ウ)シンクロトロン振動することが可能で、 など、ミューオンの位相空間回転器として非常に 適した特徴を兼ね備えている。

#### 4.3. PRISM-FFAG ビーム光学設計

我々は、Radial Sector 型の Scaling FFAG を位相空 間回転器として用いることにした。大強度ミュー オンを達成するために、非常に口径の大きな FFAG を設計した。ここでは、PRISM-FFAG のビ ーム光学設計がどのように行われたかについて 簡単に紹介する。

#### 4.3.1. 設計の指針

ビーム光学の設計に当たって、以下のような指針 を立てた。

- 1)横方向アクセプタンスが大きいこと。目標 は水平・垂直アクセプタンスそれぞれ、 20000 π mm・mrad、3000 π mm・mrad とし た。
- 2) 運動量アクセプタンスが 68MeV/c±20%で あること、
- トランジションエネルギーが上記のエネ ルギーから十分に離れていること、
- できるだけ多くの高周波加速空洞を配置 できるように、長いストレートセクション を持つこと、
- 空洞コアへの漏れ磁場が十分小さい (<200gauss)こと、</li>
- 6) リングの直径は10m程度とする。

これらの要求を満たすためには、大口径でかつ開 き角の小さい(円周方向に薄い)電磁石が必要で ある。また、doubletやtriplet電磁石を使用するこ とが、長いストレートセクションを確保する上で 有利である。 このような大口径で薄型の電磁石を使用する場 合、磁場の非線形成分や周辺磁場がビームダイナ ミックスに大きく影響する。したがって、磁場の 高次成分や周辺磁場を正しくモデル化すること が、より正確にビームダイナミックスを評価する 上で重要となる。従来のFFAG 設計では、SAD な どによる線形モデルで基本パラメータを設計し た後、TOSCA 3 次元磁場を用いた単粒子トラッキ ングを行っていた。我々は、より厳密に高次成分 を扱いつつパラメータサーチを行うために、従来 とは異なる方法を取った。

初期の段階から、現実的な磁場マップによる単 粒子トラッキングを行い、FFAGのダイナミック スを評価、パラメータの決定を行った。一つの電 磁石を円周方向に平行な面でスライスしたモデ ルによる2次元磁場をいくつかの平面について POISSONにより計算し、それらについて2次元ス プライン補完することで、電磁石の3次元磁場マ ップを作成した。この方法では、TOSCAのよう に周辺磁場まで現実的な磁場が得られる上に、磁 場作成に要する計算時間はわずかに数分である (TOSCAの場合、数時間を要する)。したがって、 短時間に多くのパラメータについて、現実に近い 精度でビームダイナミックスを評価することが



図8:k値及びF/D比を変えた場合のアクセプタンスとチューンの変化。右図が8セルの場合、 左図が10セルの場合。アクセプタンスは楕円の面積に比例する。縦に並ぶデータは右から k=4.0,4.6,5.0の場合である。

#### 4.3.2. 現実的な磁場マップの作成

できる。

4.3.3. 単粒子トラッキング

トラッキングコードには素粒子原子核実験分野 で一般的に使われているシミュレーションコー ド GEANT3.21 を用いた。

4.3.4. アクセプタンス・スタディ

このような方法により、FFAG の以下のパラメー タについて、スタディーした。

- セル数
- 電磁石のタイプ (DFD,FDF,FD)
- k値
- F/D 比
- 電磁石のギャップサイズ

図8にk値及びF/D比を変えた場合のアクセプタンスとチューンの変化についての結果を示した。

4.3.5. PRISM-FFAG のパラメータ

表3に決定された PRISM-FFAG のパラメータを まとめた。また、図9にその外観の模式図を示し た。リングは10個のDFD triplet 電磁石から成り、 その外径は約15m、平均軌道半径は6.4m である。 1セルのストレートセクションの長さは約1.7m であり、その8カ所に高周波加速空洞が配置され、 残りの2カ所には入射取り出し用のキッカー電磁



図9: PRISM-FFAGの模式図

石が配置される。

表3: PRISM-FFAG のパラメータ

Number of sectors	10
Magnet type	Radial sector, DFD
Field index (k)	4.6
F/D ratio	6.2
Opening angle of magnet	F/2-2.2deg., D-1.1deg.
Half gap of magnet	17cm
Average orbit radial	6.4m
Maximum field	F:0.4T, D:0.065T
Tune	H:2.73, V:1.58

#### 4.4. PRISM-FFAG 電磁石

設定された光学パラメータを元に、電磁石の設計 が行われた。図10に示すような大口径のFFAG 電磁石が設計された。その口径は中心で水平 100cm x 垂直 30cm である。電磁石はDFDの triplet 構成で、電磁石の外側からの入射取り出しができ るようにC型電磁石を採用している。また、高周 波空洞コアへの漏れ磁場を抑える目的で、両端に はフィールドクランプを有する。FFAG に特有の 磁場勾配はポール形状によって形成されるが、ポ ール面に配置されたトリムコイルにより、k値を 調節可能な設計となっている。



図12:チューンのエネルギー依存







図11:PRISM-FFAG のアクセプタンス

TOSCA により計算された3次元磁場によるトラ ッキングの結果を図11及び図12に示す。図1 1は4次元アクセプタンスを水平位相空間及び 垂直位相空間に射影したものであり、その面積は それぞれ、40000πmm・mrad、6500πmm・mrad と目標としたアクセプタンスは十分に達成され ている。図12は、各エネルギーについてチュー ンをダイアグラム上にプロットしたものである。 チューンのエネルギー依存がなく、scaling-FFAG の特徴であるゼロクロマティシティーが成立し ていることが分かる。

#### 4.5. 高周波加速システム

大口径 FFAG と並んで、PRISM 位相空間回転器成 功の鍵となるのが、超高電場勾配を要する高周波 システムである。本節では、PRISM 高周波加速シ ステムへの要求と仕様、そして、性能試験結果に ついて述べる。

#### 4.5.1. 要求される高周波電場勾配

位相空間回転による高輝度化とは、時間とエネル ギーの位相平面内で、エネルギー的に広がったバ ンチを $\pi/2$ だけ回転させ、エネルギーを揃える ことである。この位相を $\pi/2$ 回転するのに要す る時間は、ミューオンの寿命(静止寿命 $\tau=2.2 \mu s$ ) に対して十分短い必要がある。そこで、まず、シ ンクロトロン振動の基本的な式から、PRISMで要 求される高周波電圧、電場勾配を求めてみる。

シンクロトロン振動数 Ωs は、  

$$\Omega_{s} = \omega_{0} \sqrt{-\frac{heV\eta\cos\phi_{s}}{2\pi E_{s}}}$$
(4-1)

である。ここで、変数の意味は以下の通りである。 β、:光速に対する同期粒子速度、

Es:同期粒子の全エネルギー、

- φs:同期位相、
- ω<sub>s</sub>:同期粒子の角周波数、
- ω<sub>0</sub>:光速の粒子に対する角周波数、

- e:粒子の電荷、
- V:高周波電圧、

#### $\eta$ : slippage factor<sub>o</sub>

位相空間回転では同期粒子に関しては加速も減 速も行わないので同期位相 $\phi_s$ は0である。位相空 間回転によりビームのエネルギーを揃えるには  $\pi/2$ 回転のシンクロトロン振動を行うので、位 相空間回転に要する時間  $T_{\rm or}$ は、

$$T_{pr} = \frac{\pi}{2\Omega} \tag{4-2}$$

である。また、ミューオンが生存率Sとなる時間  $T_{life}$ は、

$$T_{life} = -\gamma \tau \ln S \tag{4-3}$$

である。ここで、τはミューオンの静止寿命、γ はミューオンのエネルギーに対するローレンツ 係数である。従って、ミューオンの生存率S以上 を達成するためには、

$$\frac{\pi}{2\Omega} < -\gamma \tau \ln S \tag{4-4}$$

が成立しなければならない。(4-1),(4-4)式より、 必要な高周波電圧が求まる。

いま、平均軌道半径 6.5m、k 値 4.6 のリングに おいて、中心運動量 68MeV/c のミューオンを位相 空間回転させる場合を考え、ミューオンの生存率 Sが 70%以上となるのに必要な高周波電圧及び 電場勾配を求める。ハーモニック数は1とすると、 必要な高周波電圧はリング1周あたり 2.0MV 以 上となる。また、1ストレートセクションあたり 約 1.7m を高周波加速空洞に使用できるとし、8 セル分に加速空洞を設置すると想定すると、必要 な電場勾配は~150kV/m となる。7 セルに置く場 合は、~170kV/m である。

従って、PRISM-FFAGでは、周波数 4-5MHz に おいて電場勾配 170kV/m を達成する高周波加速 空洞が要求される。この電場勾配は通常の陽子シ ンクロトロンに比べて1桁程度大きい(図13)。 これまで陽子シンクロトロンに使われてきた高 周波加速空洞ではコア材質としてフェライトを 使っており、得られる電場勾配がせいぜい 10-20kV/m と小さい。したがって、フェライトコ アではこのような高電場勾配の高周波空洞を作 ることは不可能である。



図13:従来のシンクロトロンと PRISM の電場勾配

#### 4.5.2. PRISM 高周波加速システムの特徴

このような高電場勾配を実現するために、我々は コア素材として Magnetic Alloy を用いた極薄の加 速ギャップと 30kV 以上で動作する四極真空管を 用いた高出力アンプを組み合わせた高周波加速 システムを開発した。

#### 4.5.3. Magnetic Alloy $\exists \mathcal{T}$

Magnetic Alloy (軟磁性合金: MA) コアは近年、 FFAG や J-PARC-PS など KEK を中心に使用され ている。MA は $\mu$  Qf 積が高く、しかも、図14に 示すように、2kGauss 程度までの高周波磁場環境 下でもその特性に変化がない。PRISM でも高い高 周波電圧によりおよそ 250Gauss 高周波磁場が発 生する。MA コアでは、このような条件において



図14: Ferrite と Magnetic Alloy の高周波 特性の高周波磁場依存

も高電場勾配の空洞の製作が可能である。また、

シリコンで絶縁コートされた薄いテープ(厚さ18 µm、幅35mm)を巻いてコアを作るので、より 大きなコアの製作が可能である。さらに、素材自 体のQ値は0.6程度と小さいため、1倍波に加え て、2倍などの高調波いれた高周波波形の形成が 可能である。共振周波数及びQ値は、カットコア の技術により調整が可能である。

PRISM の MA コア形状を図15に示す。コアは レーストラック形状をしており、その外形は、 1.7m x 1.0m x 35mm である。コア1枚あたりのシ ャントインピーダンスは、5MHz において 159Ω であった。6枚の MA コアにより1つの空洞が構 成される。その全長は空洞(1ギャップ)あたり 33cm である。PRISM 空洞のパラメータを表4に まとめた。



図15: PRISMの MA コア形状

#### 表4: PRISM 高周波空洞のパラメータ

Number of cavities	16 (or14) / ring
Number of gap	5 / cavity
Length of cavity	1.65 m
Core material	Magnetic Alloy (FM-3M)
Core size	1.7m x 1.0m x 35mm
Core shape	Racetrack
Number of cores	6 / gap
RF frequency	4-5 MHz
Expected field gradient	~ 200 kV/m
Flux density	~ 300 Gauss
Duty	< 0.1% (15 µ s x 100/3.4s)
Cooling	Air cooling



#### 4.5.4. 高出力アンプ

それぞれの空洞は、四極真空管(4CW100,000E)を 用いたプッシュ・プル・アンプに繋がれる。デュ ーティーが低いので最大 1.5MW のパワーが生成 可能である。また、本システムでは、真空管の最 大プレート電圧 40kV、最大RF電流として 60A を生成することが可能である。したがって、イン ピーダンス 1kΩの空洞をドライブすることで、 60kV のギャップ間電圧を生成することができる 設計である。

このアンプシステムを、インピーダンス 735 Q (5MHz)の試験空洞に繋ぎ、高出力試験を行った結 果、43kV のギャップ間電圧が達成された。この結 果から、PRISM 空洞(159x6=954 Q @5MHz)を用い た場合を推測すると、ギャップ電圧として 56kV、 電場勾配に換算して約 170kV/m が達成される見 込みである。 4.5.5. RF 波形と位相空間回転後のエネルギー幅 アンプ試験の結果から予想される PRISM の電場 勾配を用いて、位相空間回転のシミュレーション

を行った結果を示す。

図16右は sin 波形の高周波を適用した場合の 結果である。図中の数字はリング内での粒子の周 回数を意味する。初期状態のビームの時間分布は ソレノイド輸送のモンテカルロシミュレーショ ンの結果に基づいている。ビーム入射時では位相 空間上でほぼ垂直にあるものが、リングを回転す るにつれて位相回転している。しかし、中心から 離れた粒子ほど位相回転速度、すなわち、シンク ロトロン振動の速度が遅くなり、中心部で 90 度 回転した場合でも端の方の粒子はまだ 90 度回っ ていないことがわかる。また、高エネルギー側の 粒子に比べて、低エネルギー側の粒子の方が位相 空間回転の速度が速いことも見て取れる。シンク ロトロン振動数はスリッページ係数に依存する。 このスリッページ係数はビームのエネルギーに 対して1/y<sup>2</sup>の依存性を持つので、エネルギー の低い粒子ほど位相回転の回転速度は速くなる のである。

これら位相空間回転における非線形性の問題 を解決するには、縦方向ポテンシャルを線形化す ればよい。すなわち、線形なバケツを作るために、 sin 波の代わりに鋸歯状の高周波波形を用いる。さ らに、スリッページ係数のエネルギー依存を補正 するために、減速側の電場勾配を強くするのであ る。図16左は、鋸歯状の高周波波形を用いた場 合の、シミュレーション結果である。この場合、 振動速度のエネルギー依存がほぼ解消され、リン グ6周後の位相空間回転終了時には、運動量幅が 68MeV/c±2%と初期状態の10分の1まで低減で きる。

しかし、実際は、このような理想的な鋸歯波形 の高周波電圧を発生させることはできない。した がって、鋸歯波形をn次までのフーリエ級数に展 開し、その合成波を各ギャップにかけるか、高調 波毎に異なる空洞を用いるなどの方法の検討を 進めている。図17に鋸歯波形を4次までのフー リエ級数に展開した場合の結果を示した。

以上、PRISM 計画について、駆け足で紹介しましたが、PRISM 計画及び PRIME 実験について、より詳しく知りたい方は、以下の文献を参考にしてください。

#### 参考文献

- Y. Mori, K. Yoshimura, N.Sasao, Y. Kuno, et al., "The PRISM Project - A Muon Source of the World-Highest Brightness by Phase Rotation", LOI for Nuclear and Particle Physics Experiments at the J-PARC (2003).
- [2] Y. Mori, K. Yoshimura, N.Sasao, Y. Kuno, et al., "An Experimental Search for the m-e Conversion Process Towards an Ultimate Sensitivity of the Order of 10- 18", LOI for Nuclear and Particle Physics Experiments at the J-PARC (2003).



図17: 鋸歯状波形の4次までのフーリエ 展開の結果